

Apuntes Unidad 1

Introducción a GeoGebra





ACCESO A GEOGEBRA

Puedes haber visto o escuchado acerca de diferentes software o aplicaciones que permiten trabajar en matemáticas. Estos son programas que permiten representar figuras geométricas, resolver ecuaciones, graficar funciones y mucho más.

En este curso hemos elegido el programa GeoGebra.

¿Por qué GeoGebra?

Entre sus cualidades podemos mencionar:

- Es un poderoso software que permite visualizar fácil y rápidamente objetos matemáticos.
- Está orientado a la educación.
- La forma de usarlo es intuitiva, con unas pocas instrucciones podemos comenzar a usarlo.
- Es de uso gratuito y público.
- Funciona en múltiples plataformas: Windows, Apple, Android, Apple iOS, Linux.
- Se mantiene actualizado. Tiene un equipo de voluntarios que permanentemente realiza mejoras.
- Permite crear cuentas personales para alojar nuestros archivos.
- Se puede descargar y usarlo en un computador personal, así como también se puede usar online.

A continuación te explicaremos en algunos pasos cómo acceder a GeoGebra.

CÓMO ACCEDER A GeoGebra

En primer lugar, debemos entrar a nuestro navegador y escribir en la barra de direcciones <u>https://www.geogebra.org/</u>. Es posible que la página se encuentre en inglés, de ser el caso, debemos ir al borde inferior izquierdo de la página, pulsar sobre el mundo y seleccionar el idioma que desees.



La página contiene mucha información y diversas aplicaciones que nos permiten explorar las matemáticas de forma interactiva. Estas se pueden observar haciendo clic en el ícono del borde superior derecho, a un lado de "Abrir Sesión":





Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

≡ Ge@Gebra ۹	Buscar recursos para el aula		ABRIR SESIÓN
f Inicio			😭 Suite Calculadora
Doticias	GeoGebra - Anlicaciones		N Calculadora gráfica
Recursos	matemáticas	2. storebat 1 4. two.	Geometría
Perfil	Usa nuestras aplicaciones matemáticas en	n línea	Calculadora 3D
Personas	gratuitas para grancas, geometria, 50 jy n		X= Calculadora CAS
	INICIAR CALCULADORA RECURSOS		Calculadora científica
			Notas
Descargas		UKYYNU -	GeoGebra Clásico
	Potentes aplicaciones matemáticas	Úsalos para los Exámenes	Más aplicaciones geniales
	Suite Calculadora	Calculadora gráfica	Notas
Acerca de GeoGebra	Calculadora 3D	Calculadora científica	App Store
Contactanos: office@geogebra.org Condiciones del servicio – Privacidad –	Calculadora CAS	GeoGebra Clásico	Google Play
Licencia	Geometría	Examen	Descargas
🜐 Idioma: Español			
() ¥ © ■			
© 2021 GeoGebra	Recursos destacados		MOSTRAR TODO

Para los cursos de Límites, Derivadas e Integrales; Probabilidades y Estadísticas Descriptiva e Inferencial; y Geometría 3D se utilizará **GeoGebra Clásico**. Para seleccionar esta aplicación basta con pulsar sobre ella, o entrando directamente al link <u>https://www.geogebra.org/classic?lang=es</u>.

Al ingresar nos encontraremos con diferentes elementos, tales como una barra de herramientas, ubicada en la parte superior izquierda, y un teclado para escribir números y expresiones matemáticas. Este teclado se puede minimizar según lo prefieras.



GeoGebra posee tres entornos: vista algebraica, vista gráfica y vista gráfica 3D. Por defecto, solo se muestra inicialmente la vista algebraica y la vista gráfica:

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra



En la vista algebraica se pueden definir objetos matemáticos tales como funciones, figuras geométricas y otros, los cuales son representados en las vistas gráficas. Te invitamos a escribir la función f(x) = 2x - 3 y comparar con lo obtenido en la siguiente imagen:



Curso: Límites, derivadas e integrales **Unidad 1:** Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

Para eso, basta que escribas la función en la parte superior izquierda de la página, en donde dice "Entrada".



GUARDA TU TRABAJO

Antes de guardar una imagen es recomendable que acomodes la vista gráfica para que tu trabajo se vea lo mejor posible. Para esto puedes usar:

- Desplaza Vista Gráfica y arrastra el fondo para centrar tu trabajo.
- Aproxima para ver más detalles. También aparece abajo a la derecha.
- *Aleja* para tener una vista más amplia. También aparece abajo a la derecha.
- Para deshacer los cambios visuales, y volver a empezar. Aparece abajo a la derecha.

También puedes reducir el tamaño de la ventana de tu aplicación arrastrando su esquina inferior derecha.

Cuando tengas la imagen lista, haz clic en el menú de tres rayas horizontales y selecciona "Exportar imagen", como se muestra a continuación:

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra



Luego, aparecerá una ventana como la siguiente que te permitirá descargar un archivo.



Curso: Límites, derivadas e integrales **Unidad 1:** Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

El archivo descargado se mostrará en la esquina inferior izquierda.



Al hacer clic en el archivo aparecerá un visualizador de la imagen. En este visualizador podrás guardar tu imagen como un archivo en formato .png.

🗭 GeoGei	bra Clásico x +	- 🗆 X
← →	Guardar como X — D X	☆ ⑤ :
	← → × ↑] « Geogebra > Liceo Virtual V O Buscar en Liceo Virtual P	
-12 •	Organizar * Nueva carpeta	
O 1	OneDrive Nombre Fecha de modificación Tipe	
	Este equipo Ningún elemento coincide con el criterio de búsqueda. Descargas Documentos	
	Escritorio Escritorio Música Objetos 3D	
+ 8	Videos S. Windows (C) V	
	Nombre de archivo: parabolas_Florencia_Diaz v 5 6	
	Tipo: _PNG 1 2 3	4 5 6
	∧ Ocultar carpetas Guardar Cancelar	
	~	3

Recuerda crear una carpeta para guardar ordenadamente tus trabajos en GeoGebra. Además, te recomendamos que tus archivos lleven un nombre apropiado, por ejemplo:

parabolas_Florencia_Diaz.png

En el menú ≡, al seleccionar "Ayuda y Comentarios" encontrarás "Tutoriales". Te recomendamos revisar el tutorial "Primeros pasos". Allí se da una introducción un poco más detallada a GeoGebra.

CREACIÓN DE TU CUENTA GEOGEBRA

Si bien es posible utilizar GeoGebra en línea sin tener cuenta de usuario, es recomendable crear una. Esto permite guardar nuestros trabajos en una nube virtual, de manera gratuita, a la cual se puede acceder desde cualquier computador. Así, no tendrás que preocuparte por perder tus avances al actualizar la página.

Para crear una cuenta, vamos al sitio de GeoGebra y una vez allí damos clic en "Abrir Sesión" en el borde superior derecho de la página.



Al hacerlo te aparecerá una ventana en la que puedes ingresar tus credenciales de usuario para ingresar a una cuenta ya creada. En nuestro caso, como aún no hemos creado un usuario, debemos ir a "Crear una cuenta" en el borde inferior derecho de la ventana.

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

	Abrir sesión	
	Con cuenta de	
G Google	Facebook	Otros
Cor	n cuenta de GeoGebra	
Nombre de Participante	2	
Contraseña		
¿Olvido de contraseña?		Crear una cuenta
	CANCELAR	ABRIR SESIÓN

Una vez allí la página nos muestra diferentes opciones para crear nuestra cuenta. En caso de que cuentes con un correo gmail, puedes seleccionar la opción "Google" en la sección "Acceder con una conexión desde".

	In		5 m
	111		חו
	I	lr a GeoGebra	
r Corr	eo electrónico o tel	léfono ———	
1			
¿Has	olvidado tu corr	reo electrónico	?
Para c de cor perfil c leer la de Geo	ontinuar, Google reo electrónico, con GeoGebra. A política de priv oGebra.	e compartirá tu tu preferencia c Intes de usar es acidad y los tér	nombre, tu dirección le idioma y tu foto de ta aplicación, puede <mark>minos del servicio</mark>

También puedes crear la cuenta con correos distintos a Gmail, para lo cual debes completar los campos que aparecen en la sección "Acceder con una conexión GeoGebra". En ese caso te aconsejamos registrar la contraseña, por ejemplo en un bloc de notas, en caso de que necesites recordarla.

Desconect	ar
Acceder con una co	nexión desde
G Google 🚺 O	ffice 365 🚦 Microsoft 📑 Facebook 💟 Twitter
Acceder con una co	nexión GeoGebra
Correo electrónico	Una dirección válida de correo electrónico (se requiere, pero nunca se mo
Nombre de usuario	Tu nombre público de usuario
contraseña	Una contraseña fuerte debe tener al menos 6 caracteres
Confirmación de contraseña	
Consentimiento	Por favor, selecciona una de las siguientes opciones
	Confirmo que soy mayor de 14 años, he leído los Condiciones del servicio y la Política de Privacidad y estoy de acuerdo con su contenido
	En nombre de mi hijo o hija, acepto haber leído los <u>Condiciones del servicio</u> y la <u>Política de Privacidad</u> y acuerdo con su contenido.
	Crear una cuenta

Finalmente, GeoGebra te pedirá completar algunos campos de información personal, tales como el año de nacimiento, nombre, etc. También puedes dejar un pequeño mensaje con tus intereses, que otros usuarios de GeoGebra podrán ver. Por último, puedes aceptar o no, recibir información de GeoGebra y notificaciones de la comunidad.

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

GeoGebra		estudiante2 +
Perfil de estu	udiante2	
Información personal		
Nombre	Tu nombre real	
Al usar GeoGebra me identifico como	○ Estudiante ○ Profesor	
Género	⊖ Femenino ⊖ Masculino	
Año de nacimiento	como 1999	
Ubicación	Metropolitana, Chile	
Idioma	Spanish (Spain) / Español (España)	
Sitio web	http://www.mywebsite.com	
Sitio web Mensaje personal	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa B I <i>fixi</i> = www (E) (E) (E) (E) (E) (E) (E) (E) (E) (E	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa B T Rol = www EE EE EE EE	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín Boletín	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa B T fixe www :::::::::::::::::::::::::::::::::	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín Boletín	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa B I Ind = www Image:	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín Notificación Notificaciones personales	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa B T Trol www E E E E E E E Quiero recibir boletines ocasionales de GeoGebra Ouiero recibir boletines ocasionales de GeoGebra Image: State of the state of	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos; tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín Boletín Notificación Notificaciones personales Notificaciones del Grupo	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa B T fixe www :::::::::::::::::::::::::::::::::	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín Boletín Notificación Notificaciones personales Notificaciones del Grupo	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa Image: Image: Image:	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a
Sitio web Mensaje personal Boletín Boletín Notificación Notificaciones personales Notificaciones del Grupo	http://www.mywebsite.com Usa este campo para decir más sobre ti al resto de usuarios. Tú decides acerca de qué informa Image: Image: Image:	r. Sugerencias: aficiones, intereses matemáticos o científicos, tipo de uso que le das a

Luego de completar toda la información necesaria, le das clic al botón "¡Ahora ya estás en GeoGebra!" y entrarás por primera vez a tu cuenta.

Al entrar a tu página de usuario, te encontrarás con el mensaje "No hay recursos aún". Lo que se refiere a que no hemos guardado ningún trabajo en nuestra cuenta.



CÓMO INGRESAR A TU CUENTA GEOGEBRA

Cuando quieras entrar a tu cuenta, tienes varias opciones, dependiendo de en qué parte de la página te encuentres trabajando.

• Desde la página principal

Tal como explicamos en la sección anterior, en este caso puedes ir directamente al botón "Abrir Sesión" en el extremo superior derecho. Luego, decides cómo quieres iniciar sesión (cuenta de Google, Facebook, otro correo, etc.), e ingresas los datos correspondientes.

	Abrir sesión	
	Con cuenta de	
G Google	Faceboo	k Otros
с	on cuenta de GeoGeb	ra
Nombre de Participar	nte	
Contraseña		
¿Olvido de contraseñ	a?	Crear una cuenta
		ABRIR SESIÓN

• Si ya estás trabajando en GeoGebra

Puedes dirigirte al ícono de la lupa, ubicado al extremo superior derecho.

⊅	\bigcirc	Q,	\equiv
			Ē

Luego, vas a "Abrir Sesión":



Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

Te aparecerá una pestaña como la siguiente:

Por favor, identifícate para qu	ardar v accec
tus archivos GeoGebra en todo	os tus disposi
Queste de CasCabra	
	G Google
correo electronico o nombre de us	Office 365
contraseña	Microsoft
Acceso	Facebook
	Twitter
<u>Crear ana cuenta</u>	1Witter

Finalmente, completa tus credenciales para ingresar a tu cuenta.

Una vez que ya hayas iniciado sesión, ten en consideración que:

→ Para ir a tu página de usuario, puedes hacer clic en el ícono superior derecho y seleccionar tu nombre de usuario.



Al hacerlo, aparecerá una nueva pestaña con tu página.

😧 GeoGebra Clásico - GeoGebra 🛛 🗙	🗘 Estudiante - Recursos - GeoGeo 🗴 🚯 Estudiante - 🖓 🧉 Está compartiendo la pantalia 🔿 🖬 Dejo de			٥	×
$\leftarrow \rightarrow$ O \triangle https://	www.geogebra.org/u/estudiante2	10 1 0	¢		
≡ GeøGebra	Q - iBuscar recursos para el aula	3		6	9
Inicio Noticias Recursos Perfil	RECURSOS RAJORIDOS HISTORIAL PERSONAS CILIPOS	X		10 COAN	
Personas Classroom	Estudiante	AR PERFIL	:		
Descargas	Ciepeta: Ultima modificación ¥ Recurso de	e cualquier ti	po ¥		
Acerea de GeoGebra Contáctanos: office@eogebra.org Condiciones del servicio – Privacidad Licencia de Isloma: Español c y @ o	Calculo : Geometria 3D :				
© 2021 GeoGebra					

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

→ Una vez en la página de usuario, si quieres regresar a tu trabajo, selecciona la pestaña anterior y haz clic en el ícono de GeoGebra que está en el borde superior izquierdo



CÓMO GUARDAR Y COMPARTIR TU TRABAJO

Analicemos un ejemplo.

Supongamos que queremos graficar una función como la que se muestra a continuación y exportar ese trabajo.



Para poder guardar esta construcción, vamos al ícono con las tres líneas, y en "Archivo" le damos clic en "Guardar". En este punto es necesario que hayas iniciado sesión en tu cuenta para poder guardar el trabajo, en caso de que no lo hayas hecho, GeoGebra te solicitará hacerlo.

Una vez que hayas iniciado sesión, aparecerá una ventana en la que se solicita un título para nuestro recurso. Si quieres que el recurso lo puedan ver otros usuarios, selecciona compartir, en el desplegable al lado del símbolo de GeoGebra, en caso contrario selecciona privado.

Guardar)
Título		
Sin título		
🗘 Privado 🗸	NO GUARDAR	GUARDAR

Luego de completar ambos campos, le damos clic al botón "Guardar".

Abajo aparecerá un mensaje cuando el recurso se haya grabado correctamente.



Para poder acceder a todos tus trabajos guardados, debes ir a tu página de usuario. Para abrir los recursos desde tu perfil, debes hacer clic en el ícono de los tres puntos en el borde inferior derecho del recurso y seleccionar "Abrir con GeoGebra". De esta forma, podrás continuar trabajando en tu recurso.

	RECURSOS	FAVORITOS	HISTORIAL	PERSONAS	GRUPOS			
	12.90	9/8 X			\mathcal{H}			
U	Nombi	re_Apelli	ido				EDITAR PERFIL	:
+ CREAR)							
Recursos						Última modificación 🔻	Recurso de cualquier tipo	*
actividad función cu	uadrática							
Privado		:						

Supongamos que ya has creado y guardado varios recursos en tu cuenta. En este caso te recomendamos organizar tu trabajo en carpetas. Para hacer esto vamos al botón "Crear" y luego seleccionamos "Carpeta".



Finalmente escogemos un nombre y le damos clic a "Crear" para generar la carpeta.

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra



Para mover un recurso a una carpeta puedes simplemente arrastrarlos a la carpeta que desees. Al hacerlo te aparecerá un mensaje de que el recurso ha cambiado de ubicación, como se puede apreciar en las imágenes a continuación.

	bre_Apellido	
Carpetas		
Geometría	Funciones	
Recursos		
	función	cuadrática
vectores	composición de	homotecia con
	funciones	vectores
	Tunciones	

Otra forma de mover los recursos es dando clic en el ícono de los tres puntos de cada recurso y seleccionar "Mover a". Luego, eliges la carpeta a la que quieras mover el recurso y das clic en "Mover". Está última forma, es especialmente útil para cambiar de lugar un recurso que hayas puesto en otra carpeta por error.

		Añadir a Favoritos
petas		< Compartir
Geometría		S Publicar
		Mover a
uisos	d.	Abrir con Geogeora
		Editar Actividad
\square		Copiar Actividad
*****************		Detalles
suma de vectores	AC CC	Borrar
	fur	nciones

▼ Recursos		
 Funciones Geomet Selecc 	ione	
	CANCELAR	MOVER

En el ícono de los tres puntos, además de mover un archivo también tienes la opción de borrarlo. Al hacerlo te aparecerá un mensaje de que el recurso ha sido eliminado.



Para compartir tus construcciones puedes descargarlas en tu computador para luego enviarlas por correo o guardarlas en un pendrive. Para ello debes abrir el recurso que quieras descargar y en el ícono de las tres líneas, ir a "Archivo" y seleccionar "Descargar como".

De las múltiples opciones que aparecen selecciona "Archivo de GeoGebra". Al hacerlo, GeoGebra descarga el archivo en tu computador en formato .ggb que es la extensión estándar de los archivos GeoGebra.

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra





Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra

Luego, selecciona un nombre para el recurso y una ubicación en tu computador para guardarlo.



CÓMO IMPORTAR UN TRABAJO

También, puedes abrir un archivo .ggb que esté en tu computador. Para ello debes seguir los siguientes pasos:

Debes ir a GeoGebra Clásico, y una vez allí simplemente vas al ícono de las tres líneas, seleccionas "Archivo" y luego "Abrir", o en su defecto apretar el símbolo de la lupa para seleccionar "Abrir". Una vez acá, debes seleccionar el ícono de la carpeta ubicado en el borde superior derecho de la pantalla, tal y como se muestra a continuación.

Luego buscas entre tus archivos y seleccionas el recurso .ggb que quieras abrir. Este se abrirá en GeoGebra Clásico. GeoGebra te permite guardar estos archivos en tu cuenta, lo cual te ayudará a tenerlos siempre a mano.

Unidad 1: Representar y modelar situaciones de cambio por medio de funciones

Tema: Análisis de funciones con GeoGebra

Contenido: Introducción a GeoGebra



De esta forma, verás el recurso en tu página de usuario, pudiendo guardarlo en alguna de las carpetas si así lo quieres.

Recursos y links de interés

→ INFORMACIÓN DE GeoGebra

A continuación te dejamos un link donde puedes consultar más información sobre el programa que te presentamos. Aquí podrás profundizar tu aprendizaje y conocer más sobre GeoGebra.

