**Hoja de Actividades**

El libro de arena

Consideremos que el libro de arena tiene las siguientes propiedades:

* Cada hoja tiene una hoja inmediatamente anterior y una inmediatamente posterior.
* Dadas dos hojas del libro, siempre se puede llegar de una a la otra pasando páginas.

**Actividad 1**

Consideremos las hojas del libro de arena como si fueran números, de modo que:

* Cada hoja se corresponde con un número distinto.
* Si una hoja está antes que otra, le corresponde un número menor.

¿Es posible hacer esto usando los **números naturales**? Justifica.

**Actividad 2**

Al igual que en la actividad anterior, consideremos las hojas del libro de arena como si fueran números, de modo que:

* Cada hoja se corresponde con un número distinto.
* Si una hoja está antes que otra, le corresponde un número menor.

¿Es posible hacer esto usando los **números enteros**? Justifica.

**Actividad 3**

Pensemos ahora en un libro imaginario en el que todas sus hojas se pueden etiquetar de la siguiente forma:

* Abrimos este libro en cualquier hoja, y le asignamos el 1, a la anterior el número , a la anterior a esa el número , y así sucesivamente.
* Con este procedimiento estamos etiquetando solo la hoja que escogimos y las anteriores. Después veremos cómo etiquetar las hojas posteriores.

Responde las siguientes preguntas:

1. ¿Cuántas hojas hay entre la hoja etiquetada con el número y la etiquetada con el número , ambas incluídas?
2. Si , ambos números naturales, ¿qué hoja está antes, la etiquetada o la etiquetada ?
3. Este libro, ¿tiene primera hoja?
4. Si etiquetamos la tapa frontal, ¿qué número sería apropiado asignarle?

**Actividad 4**

Continuemos etiquetando las hojas del libro de la actividad anterior, de la siguiente forma:

A la hoja siguiente a la hoja que etiquetamos con el 1, le damos el número , a la que sigue , es decir , a la que sigue , o sea , y así sucesivamente.

Responde las siguientes preguntas:

1. Si contamos 10 hojas a partir de la hoja etiquetada con el número 1, ¿qué etiqueta tiene esa hoja?
2. ¿Cuántas hojas hay entre la hoja etiquetada con y la etiquetada con el número , incluyendo ambas?
3. Este libro, ¿tiene última hoja?
4. Si etiquetamos la tapa posterior, ¿qué número sería apropiado asignarle?